

Министерство образования и науки Российской Федерации

федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
РОССИЙСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ГИДРОМЕТЕОРОЛОГИЧЕСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ

Кафедра Высшей математики и теоретической механики

Рабочая программа по дисциплине

ТЕОРИЯ ВЕРОЯТНОСТЕЙ И МАТЕМАТИЧЕСКАЯ СТАТИСТИКА

Основная профессиональная образовательная программа
высшего образования программы бакалавриата по направлению подготовки

05.03.05 - Прикладная гидрометеорология

Направленность (профиль):
Прикладная метеорология

Квалификация:
Бакалавр

Форма обучения
Очная/заочная


Согласовано
Руководитель ОПОП
«Прикладная метеорология»

 Фокичева А.А.

Утверждаю
Председатель УМС  И.И. Палкин

Рекомендована решением
Учебно-методического совета
19 июня 2018 г., протокол № 4

Рассмотрена и утверждена на заседании кафедры
28 марта 2018 г., протокол № 8
Зав. кафедрой  Матвеев Ю.Л.

Авторы-разработчики:
 Никитенко В.Г.

Санкт-Петербург 2018

1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины Б1.В.03 «Теория вероятностей и математическая статистика» являются:

-привитие навыков построения и исследования вероятностных моделей метеорологических процессов; использования математических методов и основ математического моделирования в практической деятельности.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП

Дисциплина Б1.В.03 «Теория вероятностей и математическая статистика» является дисциплиной вариативной части математического и естественного цикла.

При изложении дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» используются знания, полученные обучающимися по дисциплине «Математика». Знания и практические навыки, полученные по дисциплине «Теория вероятностей и математическая статистика», используются в изучении дисциплины «Статистические методы анализа гидрометеорологической информации», «Методы и средства гидрометеорологических измерений», «Метрология, стандартизация и сертификация».

3. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующих компетенций:

Код компетенции	Компетенция
ОПК-1	Способность представить современную картину мира на основе знаний основных положений, законов и методов естественных наук, физики и математики
ПК-2	способностью анализировать явления и процессы, происходящие в природной среде, на основе экспериментальных данных и массивов гидрометеорологической информации, выявлять в них закономерности и отклонения

В результате освоения компетенций в рамках дисциплины «Теория вероятностей и математическая статистика» обучающийся должен:

Знать:

- основные понятия и методы теории вероятностей и математической статистики, необходимые для решения практических задач.

Уметь:

- применять стандартные методы и модели к решению типовых вероятностных и статистических задач;
- пользоваться расчетными формулами, таблицами, графиками при решении статистических задач.

Владеть:

- навыками применения современного математического инструментария для оценки состояния и прогноза развития метеорологических процессов.
- методикой построения, анализа и применения вероятностных моделей
- методикой обработки результатов статистических исследований.

Основные признаки проявленности формируемых компетенций в результате освоения дисциплины сведены в таблице.

Соответствие уровней освоения компетенции планируемым результатам обучения и критериям их оценивания

		Основные признаки проявленности компетенции (дескрипторное описание уровня)			5.
		1.	2.	3.	4.
Базовый	не владеет	слабо ориентируется в терминологии и содержании	Способен выделить основные идеи текста, работает с критической литературой	Владеет основными навыками работы с источниками и критической литературой	Способен дать собственную критическую оценку изучаемого материала
	не умеет	не выделяет основные идеи	Способен показать основную идею в развитии	Способен представить ключевую проблему в ее связи с другими процессами	Может соотнести основные идеи с современными проблемами
	не знает	допускает грубые ошибки	Знает основные рабочие категории, однако не ориентируется в их специфике	Понимает специфику основных рабочих категорий	Способен выделить характерный авторский подход
Базовый	не владеет	плохо ориентируется в терминологии и содержании	Владеет приемами поиска и систематизации, но не способен свободно изложить материал	Свободно излагает материал, однако не демонстрирует навыков сравнения основных идей и концепций	Способен сравнивать концепции, аргументированно излагает материал
	не умеет	выделяет основные идеи, но не видит проблем	Выделяет конкретную проблему, однако излишне упрощает ее	Способен выделить и сравнить концепции, но испытывает сложности с их практической привязкой	Аргументированно проводит сравнение концепций по заданной проблематике
	не знает	допускает много ошибок	Может изложить основные рабочие категории	Знает основные отличия концепций в данной проблемной области	Способен выделить специфику концепций в заданной проблемной области
Повышенный	не владеет	ориентируется в терминологии и содержании	В общих чертах понимает основную идею, однако плохо связывает ее с существующей проблематикой	Видит истоchnики современных проблем в заданной области анализа, владеет подходами к их решению	Способен грамотно обосновать собственную позицию относительно решения современных проблем в заданной области
	не умеет	выделяет основные идеи, но не видит их в развитии	Может понять практическое назначение основной идеи, но затрудняется выявить ее основания	Выявляет основания заданной области анализа, понимает ее практическую ценность, однако испытывает затруднения в описании сложных объектов анализа	Свободно ориентируется в заданной области анализа. Понимает ее основания и умеет выделить практическое значение заданной области
	не знает	допускает ошибки при выделении рабочей области анализа	Способен изложить основное содержание современных научных идей в рабочей области анализа	Знает основное содержание современных научных идей в рабочей области анализа, способен их сопоставить	Может дать критический анализ современным проблемам в заданной области анализа

4. Структура и содержание дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 зачетные единицы, 72 часа.

Объем дисциплины (модуля) по видам учебных занятий в академических часах)1

Объём дисциплины	Всего часов		
	Очная форма обучения	Очно-заочная форма обучения	Заочная форма обучения
Общая трудоёмкость дисциплины	72		72
Контактная работа обучающихся с преподавателям (по видам аудиторных учебных занятий) – всего:	44		8
в том числе:			
лекции	14		2
практические занятия	30		6
семинарские занятия			
Самостоятельная работа (СРС) – всего:	28		60
в том числе:			
курсовая работа			
контрольная работа			4
Вид промежуточной аттестации: зачёт			4

4.1. Структура дисциплины

Очная форма обучения

№ п/п	Раздел и тема дисциплины	Семестр	Виды учебной работы, в т.ч. самостоятельная работа студентов, час.			Формы текущего контроля успеваемости	Занятия в активной и интерактивной форме, час.	Формируемые компетенции
			Лекции	Семинар Лаборат. Практич.	Самост. работа			
1	Основные понятия. Вероятности событий.	4	2	6	5	Контрольная работа		ОПК-1
2	Случайные величины.	4	2	6	5	Контрольная работа		ОПК-1
3	Математическая ста-	4	2	2	2			ОПК-1

	статистика и её основные задачи.							
4	Точечное и интервальное оценивание.	4	2	6	6	Расчётное задание		ПК-2
5	Проверка статистических гипотез.	4	4	6	6	Расчётное задание		ПК-2
6	Задача регрессии.	4	2	4	4			ПК-2
	ИТОГО		14	30	28			

Заочная форма обучения (при наличии)

№ п/п	Раздел и тема дисциплины	Курс	Виды учебной работы, в т.ч. самостоятельная работа студентов, час.			Формы текущего контроля успеваемости	Занятия в активной и интерактивной форме, час.	Формируемые компетенции
			Лекции	Семинар Лаборат.	Самост. работа			
1	Основные понятия. Вероятности событий.	2	1	1	10			ОПК-1
2	Случайные величины.	2		1	10	Контрольная работа		ОПК-1
3	Математическая статистика и её основные задачи.	2	1	1	10			ОПК-1
4	Точечное и интервальное оценивание.	2		1	10	Расчётное задание		ПК-2
5	Проверка статистических гипотез.	2		1	10			ПК-2
6	Задача регрессии.	2		1	10			ПК-2
	Зачёт 4 часа	2						
	ИТОГО		2	6	60			

4.2. Содержание разделов дисциплины

Основные понятия. Вероятности событий

Предмет теории вероятностей и ее роль в естествознании. Выдающийся вклад отечественных ученых в обоснование и развитие теории вероятностей. Случайные события, операции над событиями. Вероятность событий и способы ее определения.

Алгебра событий. Аксиоматическое построение теории вероятностей. Теорема сложения вероятностей.

Условная вероятность. Независимость событий. Теоремы умножения вероятностей. Формула полной вероятности и теорема гипотез (Байеса).

Независимые испытания. Схема испытаний Бернулли, формула Бернулли. Теорема Муавра-Лапласа.

Случайные величины.

Случайные величины, определение и примеры случайных величин. Функция распределения, её свойства. Дискретные случайные величины. Числовые характеристики дискретной случайной величины: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, их свойства. Понятие о биномиальном законе распределения и распределении Пуассона.

Непрерывные случайные величины. Плотность вероятности и её свойства. Числовые характеристики непрерывной случайной величины: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение, их свойства. Понятие о начальных и центральных моментах. Функции случайных величин.

Нормальный закон распределения, его роль и место в теории вероятностей. Равномерный и показательный (экспоненциальный) законы распределения. Понятие о распределениях хи-квадрат и Стьюдента.

Системы случайных величин (случайные векторы). Дискретные и непрерывные системы случайных величин. Законы распределения системы. Свойства законов распределения. Независимость случайных величин. Числовые характеристики системы случайных величин. Корреляционный момент и коэффициент корреляции, их свойства. Условные законы распределения. Условное математическое ожидание. Функция регрессии

Закон больших чисел. Теоремы Чебышева и Бернулли. Понятие о центральной предельной теореме.

Математическая статистика и её основные задачи.

Предмет, задачи и основные понятия математической статистики. Выборочный метод. Вариационный ряд и выборочная функция распределения. Группированная выборка, гистограмма.

Точечное и интервальное оценивание

Оценивание параметров закона распределения. Общие требования к оценкам. Состоятельные, несмещенные оценки математического ожидания и дисперсии. Метод моментов. Оценивание числовых характеристик системы двух случайных величин.

Доверительный интервал и доверительная вероятность.. Построение доверительных ин-

тервалов для математического ожидания и дисперсии нормально распределенной случайной величины.

Проверка статистических гипотез.

Проверка статистических гипотез, примеры. Общая схема проверки гипотез. Критическая область, уровень значимости. Ошибки первого и второго рода. Гипотезы о равенстве математических ожиданий нормально распределенных случайных величин.

Проверка гипотез о виде закона распределения. Критерии Колмогорова и Пирсона.

Задача регрессии.

Задача регрессии. Оценивание коэффициентов и функции регрессии по методу наименьших квадратов. Построение доверительных интервалов для коэффициентов и значений функции регрессии.

4.3. Семинарские, практические, лабораторные занятия, их содержание

№ п/п	№ раздела дисциплины	Тематика практических занятий	Форма проведения	Формируемые компетенции
1	1	Классическая и геометрическая вероятности.		
2	1	Операции над событиями. Теоремы сложения и умножения вероятностей..		
3	1	Формула полной вероятности и теорема Байеса.		
4	1	Схема Бернулли.		ОПК-1
5	1	Контрольная работа		
6	2	Дискретные случайные величины.		ОПК-1
7	2	Непрерывные случайные величины.		ОПК-1
8	2	Системы случайных величин		ОПК-1
9	2	Нормальный закон распределения.		
10	2	Контрольная работа		
11	3, 4	Оценки параметров закона распределения. Выборочная функция распределения. Метод моментов. Расчётное задание №1: «Оценивание параметров закона распределения»		ПК-2
12-13	5	Проверка статистических гипотез. Расчётное задание №2: «Проверка гипотезы о нормальном законе распределения.»		ПК-2
14-15	6	Задача регрессии.		ПК-2

5. Учебно-методическое обеспечение самостоятельной работы студентов и оценочные средства для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации по итогам освоения дисциплины

5.1. Текущий контроль

(Указываются вид и формы текущего контроля по дисциплине)

- Контрольная работа по разделу 1 (2 часа).
- Контрольная работа по разделу 2 (2 часа).
- Расчётное задание №1: «Оценивание параметров закона распределения»
- Расчётное задание №2: «Проверка гипотезы о нормальном законе распределения»

а) Образцы тестовых и контрольных заданий текущего контроля

Контрольная работа №1

Теория вероятностей и математическая статистика

ВАРИАНТ № 1

- 1) На складе имеется 10 кинескопов, 6 из них изготовлены заводом N. Найти вероятность того, что среди 4-х наудачу взятых кинескопов окажется не менее трёх, изготовленных заводом N.
- 2) По мишени производят три выстрела. Вероятности попадания в мишень при каждом выстреле соответственно равны 0,8; 0,7; 0,9. Найти вероятность того, что в мишени будет ровно одна пробоина.
- 3) На двух станках обрабатывают одинаковые детали. Вероятность брака для станка № 1 равна 0,05, для станка № 2 – 0,06. Обработанные детали собирают в одном месте, причем со станка № 1 втрое меньше, чем со станка № 2. Вычислить вероятность того, что наудачу взятая деталь будет с дефектом.
- 4) В среднем 5% станков нуждаются в регулировке. Какова вероятность того, что из семи станков один нуждается в регулировке?

ВАРИАНТ № 2

- 1) Из десяти билетов пять выигрышных. Приобретается четыре билета. Какова вероятность того, что все приобретенные билеты выигрышные?
- 2) При включении стартера двигатель начинает работать с вероятностью 0,7. Найти вероятность того, что для ввода двигателя в работу придется включать зажигание больше двух раз.
- 3) Литье в болванках поступает из двух заготовительных цехов в отношении 3:7. При этом первый цех дает 4% брака, а второй – 3%. Найти вероятность того, что взятая наугад болванка содержит дефект.
- 4) Какова вероятность шесть раз попасть в цель, если вероятность попадания при одном выстреле равна 0,6 и производится 12 независимых выстрелов? Найти наименее вероятное число попаданий.

Контрольная работа №2

Теория вероятностей и математическая статистика

ВАРИАНТ № 1

- 1) Стрелок стреляет по мишени до первого попадания или пока не израсходует 4 патрона. Вероятность попадания при одном выстреле равна 0,7. ξ – число израсходованных патронов. Построить ряд распределения, функцию распределения, и ее график.
- 2) Дискретная случайная величина задана рядом распределения:

x_i		0		1		2		3
-------	--	---	--	---	--	---	--	---

p_i	p	$0,3$	$0,1$	$0,2$
-------	-----	-------	-------	-------

- a) вычислить p , $M\xi$ и $D\xi$;
 б) вычислить $M\eta$ и $D\eta$, если $\eta = -2 + 5\xi$.
 3) Непрерывная случайная величина задана плотностью вероятности:

$$f(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x < 0 \\ ax^2, & \text{при } 0 \leq x \leq 3 \\ 0, & \text{при } x > 3 \end{cases}$$

- a) найти коэффициент a ;
 б) найти функцию распределения;
 в) построить графики $f(x)$, $F(x)$; вычислить $M\xi$ и $D\xi$.
 4) С.в. X имеет нормальное распределение с $m=-1$ и $\sigma=1$. Выписать плотность вероятности, построить график, найти $P(-2 < X < 0)$, соответствующую область под графиком заштриховать.

ВАРИАНТ № 2

- 1) В ралли участвуют 4 машины. Вероятность выхода из соревнований в результате поломки для каждой машины равна $1/5$. ξ – число машин, вышедших из соревнования. Построить ряд распределения, функцию распределения, и ее график. Найти $M\xi$, $D\xi$.
 2) Дискретная случайная величина задана рядом распределения:

x_i	1	3	5
p_i	$0,2$	p	$0,4$

- a) вычислить p , $M\xi$ и $D\xi$;
 б) вычислить $M\eta$ и $D\eta$, если $\eta = -4 + 3\xi$.
 3) Непрерывная случайная величина задана плотностью вероятности:

$$f(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x < \pi/2 \\ a \cos x, & \text{при } \pi/2 \leq x \leq \pi \\ 0, & \text{при } x > \pi \end{cases}$$

- a) найти коэффициент a ;
 б) найти функцию распределения;
 в) построить графики $f(x)$, $F(x)$; вычислить $M\xi$.
 4) С.в. X имеет нормальное распределение с $m=4$ и $\sigma=2$. Выписать плотность вероятности, построить график, найти $P(X < 6)$, соответствующую область под графиком заштриховать.

Варианты расчетных заданий по математической статистике

Варианты расчетных заданий выдаются каждому студенту индивидуально из кафедрального банка заданий.

Примеры расчетных заданий.

Расчётное задание №1: “Оценивание параметров распределения”

Дана выборка значений случайной величины:

{4,91; 3,66; 4,00; 4,69; 3,69; 3,11; 4,05; 4,51; 3,54; 4,21; 3,47; 4,23; 3,99; 3,08; 4,83; 4,88; 3,94; 4,35; 3,86} и ее функция распределения

$$F(x) = \begin{cases} 0, & x < a \\ \frac{x-a}{b-a}, & a \leq x \leq b \\ 1, & x > b \end{cases}$$

(равномерный закон распределения).

Задание:

- 1) Используя метод моментов, найти оценки параметров a и b .
- 2) Построить оценки функции распределения и плотности вероятности.
- 3) Построить выборочную функцию распределения и сравнить ее с оценкой, полученной при помощи метода моментов.

Примечание. В каждом из вариантов задания используется один из шести видов закона распределения (равномерный, нормальный, показательный, прямоугольного треугольника, Симпсона, Лапласа).

Расчётное задание № 2: “Проверка гипотезы о нормальном законе распределения. Критерий Пирсона”

Дана группированная выборка. Все интервалы имеют одинаковую длину $h = 0,4$ и начинаются с точки $x = 6,4$. В каждый интервал попали следующие количества наблюдений:

6, 5, 12, 16, 22, 29, 37, 43, 48, 39, 19, 19, 8, 6.

Задание:

- 1) По заданной группированной выборке найти оценки математического ожидания и дисперсии. Построить гистограмму и график оценочной функции плотности вероятности.
- 2) Рассчитать критерий Пирсона. По таблицам найти критическое значение критерия Пирсона для заданного уровня значимости. Проверить гипотезу о том, что выборка извлечена из генеральной совокупности, распределенной по нормальному закону.

Домашнее задание: “Построение оценки линейной регрессии”

Дана таблица экспериментальных данных исследования зависимости x от y :

x	1	1,2	1,4	1,6	1,8	2	2,2	2,4	2,6	2,8	3
y	14,68	16,46	17,32	18,04	19,01	19,71	20,51	22,08	22,68	24,01	24,52

Задание:

- 1) Используя метод наименьших квадратов, найти оценки коэффициентов и функции линейной регрессии: $y = ax + b$.
- 2) Построить доверительные интервалы для коэффициентов и функции регрессии (при доверительной вероятности 0,95).

б) Примерная тематика рефератов, эссе, докладов

Вклад российских учёных в становление и развитие теории вероятностей и математической статистики.

в) Примерные темы курсовых работ, критерии оценивания

Курсовая работа не предусмотрена.

5.2. Методические указания по организации самостоятельной работы

Контрольные вопросы и задания для проведения текущего контроля, а также для контроля самостоятельной работы обучающегося по отдельным разделам дисциплины:

1. Статистическое определение вероятности.
2. Классическое определение вероятности.
3. Аксиомы теории вероятностей и простейшие следствия из них.
4. Условная вероятность. Независимость событий. Теоремы умножения вероятностей.
5. Полная группа событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
6. Схема испытаний Бернулли. Формула Бернулли.
7. Дискретная случайная величина, её ряд распределения и функция распределения.
8. Непрерывная случайная величина. Плотность вероятности и функция распределения непрерывной случайной величины.
9. Математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение случайной величины и их свойства.
10. Равномерный закон распределения, плотность вероятности, функция распределения, математическое ожидание и дисперсия.
11. Показательный закон распределения, плотность вероятности, функция распределения, математическое ожидание и дисперсия.
12. Нормальный закон распределения, плотность вероятности, математическое ожидание и дисперсия.
13. Несмещённая оценка математического ожидания. Несмещённая оценка дисперсии.
14. Доверительный интервал и доверительная вероятность. Доверительный интервал для математического ожидания нормально распределённой случайной величины.
15. Проверка статистических гипотез. Ошибки 1 и 2 рода. Уровень значимости. Область допустимых значений и критическая область.

5.3. Промежуточный контроль: зачёт

Перечень вопросов к зачёту

1. Предмет и основные понятия теории вероятностей (случайный эксперимент, пространство элементарных исходов, случайное событие). Примеры.
2. Операции над случайными событиями (сложение, умножение). Несовместные события. Достоверное, невозможное, противоположное событие. Примеры.
3. Статистическое определение вероятности. Примеры.
4. Классическое определение вероятности. Примеры.
5. Аксиомы теории вероятностей и простейшие следствия из них.
6. Аксиомы теории вероятностей. Теорема сложения вероятностей.
7. Условная вероятность. Независимость событий. Теоремы умножения вероятностей.
8. Полная группа событий. Формула полной вероятности.
9. Полная группа событий. Формула Байеса.
10. Схема испытаний Бернулли. Формула Бернулли.
11. Случайные величины. Функция распределения и её свойства. Вероятность попадания случайной величины в интервал.

12. Дискретная случайная величина, её ряд распределения и функция распределения.
13. Непрерывная случайная величина. Плотность вероятности и функция распределения непрерывной случайной величины, их свойства.
14. Математическое ожидание случайной величины и его свойства.
15. Дисперсия, среднеквадратическое отклонение случайной величины и их свойства.
16. Начальные и центральные моменты случайной величины.
17. Биномиальный закон распределения, математическое ожидание и дисперсия.
18. Закон распределения Пуассона, математическое ожидание и дисперсия.
19. Равномерный закон распределения, плотность вероятности, функция распределения, математическое ожидание и дисперсия.
20. Показательный закон распределения, плотность вероятности, функция распределения, математическое ожидание и дисперсия.
21. Нормальный закон распределения, плотность вероятности, математическое ожидание и дисперсия.
22. Нормальный закон распределения. Функция распределения, функция Лапласа и её свойства. Вероятность попадания нормально распределённой случайной величины в интервал. Правило "трёх сигм".
23. Системы случайных величин. Функция распределения системы двух случайных величин и её свойства. Независимость случайных величин.
24. Двумерная дискретная случайная величина и её матрица распределения. Независимость случайных величин.
25. Двумерная непрерывная случайная величина. Двумерная плотность вероятности и её свойства. Независимость случайных величин.
26. Условные законы распределения (условный ряд распределения, условная плотность вероятности).
27. Числовые характеристики системы случайных величин. Корреляционный момент (ковариация) и коэффициент корреляции, их свойства. Зависимость и коррелированность.
28. Условное математическое ожидание и функция регрессии.
29. Закон больших чисел. Теоремы Чебышева и Бернулли.
30. Центральная предельная теорема. Теорема Ляпунова (формулировка).
31. Математическая статистика и её основные задачи. Выборка. Выборочная функция распределения. Гистограмма.
32. Оценка параметра. Общие требования к оценкам (несмещённость, эффективность и состоятельность).
33. Выборочные моменты. Метод моментов для оценивания параметров распределения.
34. Несмещённая оценка математического ожидания.
35. Несмещённая оценка дисперсии.
36. Доверительный интервал и доверительная вероятность. Доверительный интервал для математического ожидания нормально распределённой случайной величины.

37. Проверка статистических гипотез. Ошибки 1 и 2 рода. Уровень значимости. Область допустимых значений и критическая область. Проверка гипотезы о равенстве математических ожиданий.
38. Проверка гипотезы о виде закона распределения (критерий Пирсона χ^2).

Образцы тестов, заданий к зачету, билетов, тестов, заданий к экзамену

1. Может ли математическое ожидание случайной величины быть:

- a) положительным числом?
- b) отрицательным числом?
- c) равно нулю?
- d) больше единицы?

2. Может ли дисперсия непрерывной случайной величины быть:

- a) положительным числом?
- b) отрицательным числом?
- c) равна нулю?
- d) больше единицы?

25. Дан ряд распределения случайной величины:

-1	0	1	2
0,1	0,6	0,2	0,1

Найти её математическое ожидание и дисперсию.

6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

а) основная литература:

- 1 Письменный Д.Т. Конспект лекций по теории вероятностей и математической статистике, Айрис Пресс, 2007 г.
- 2 Гмурман В.Е. Теория вероятностей и математическая статистика. Юрайт, 2014 г.
- 3 Гмурман В.Е. Руководство к решению задач по теории вероятностей и математической статистике. Юрайт, 2014 г.

б) дополнительная литература:

- 4 Вентцель Е.С. Теория вероятностей и ее инженерные приложения: Учебное пособие для ВУЗов. - М.: Высшая школа, 2000.
- 5 Азизов А.М., Курицын А.Г., Никитенко В.Г. Основы прикладной математики. Теория вероятностей и математическая статистика. - СПб.: Химия, 1994.

в) программное обеспечение и Интернет-ресурсы:

1. Операционная система MS Windows
2. Пакеты Office,
3. Система MathCAD.

4. <http://eqworld.ipmnet.ru> – Мир математических уравнений.
5. Рамблер: Программы.
6. Google: Software.
7. Yahoo: Software.
8. Exponenta.ru.

7. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Указания по выполнению расчётных заданий в электронном виде.

8. Информационные технологии, используемые при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем (при необходимости)

Тема (раздел) дисциплины	Образовательные и информационные технологии	Перечень программного обеспечения и информационных справочных систем
Разделы 1-6	Использование офисных пакетов для расчётов и представления полученных результатов	Офисные пакеты программ

9. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Персональные компьютеры.